

True or false (prove your answer)

$\forall x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{Z}, \forall z \in \mathbb{Z}, (z < x \Rightarrow z \leq y)$ and $(z > x \Rightarrow z > y)$